

# Экзамен по курсу: "Алгебра и геометрия"

1 курс 1 семестр

Вариант номер D525258

1. Докажите, что векторное произведение линейно по каждому аргументу.
2. Докажите, что сумма линейных подпространств является подпространством.
3. Докажите, что многочлен  $f(x) = x^p - x \in \mathbb{Z}_p[x]$  при простом  $p$  не может иметь кратных корней ни в одном расширении поля  $\mathbb{Z}_p$ .
4. Докажите, что система функций  $\sin(x), \sin(2x), \dots, \sin(nx)$  от вещественной переменной  $x$  является линейно независимой над полем вещественных чисел.